Le schéma technologique d'un moteur à courant continu à excitation séparée est donné sur la figure ci-dessous :

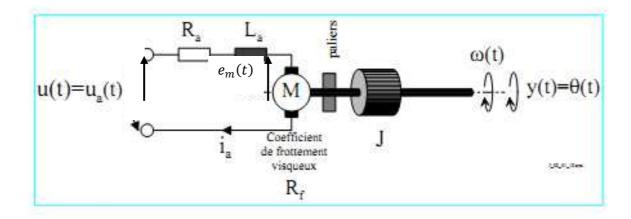


Figure 1 : Moteur à courant continu à excitation séparée.

Le signal d'entrée est la tension  $u_a(t)$  aux bornes de l'induit alors que le signal de sortie est la position angulaire  $\theta(t)$ . Les deux coefficients, électromagnétique  $K_e$  et du couple moteur  $K_m$  sont égales à une constante K.

- 1) Donner dans les deux domaines à savoir temporel et Laplacien :
  - 1.1) Equation électrique de ce moteur reliant la tension  $u_a(t)$  au courant  $i_a(t)$ .
  - 1.2) Les deux équations de couplage appropriées à ce moteur.
  - 1.3) Equation mécanique de ce moteur reliant le couple électromagnétique  $T_{em}$  et la vitesse de rotation w(t).
- 2) Compléter le schéma fonctionnel de ce moteur, donné sur la figure suivante :

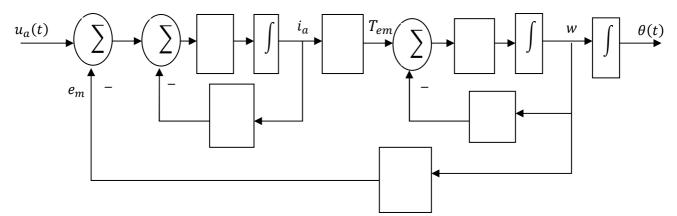


Figure 2 : Schéma fonctionnel d'un moteur à courant continu

- 3) Déduire le schéma fonctionnel dans le domaine Laplacien.
- 4) Déterminer la fonction de transfert de ce moteur.

On souhait réaliser un axe asservi qui répond au cahier des charges suivant :

Accélération de 10 tours/s<sup>2</sup>; Vitesse maximale de 3 tours/s; Vitesse minimale de 0.01 tours/s; Moment d'inertie ramené en sortie du réducteur : 0.1 Kg.m<sup>2</sup>;

- 1) Quel est le couple nécessaire à la sortie du réducteur ?
- 2) Quelle est la vitesse nécessaire à la sortie du réducteur ?
- 3) Est-ce que les moteurs suivants avec des réducteurs judicieusement choisis (disponible 40 ou 80) conviendraient à l'application ?
  - Maxon 167178: 120 W, 24 V, 0.11 NM à 5000 tr/min, 0.1 NM à 10000 tr/min
  - Maxon 148877 : 150 W, 48 V, 0.2 NM à 8200 tr/min

# **Exercice 3**

Le pont de la figure ci-dessous doit soulever une voiture de 1400 kg à une vitesse de 1.5 m/min. Si le moteur électrique tourne à une vitesse de 1800 tr/min, calculer le couple et la puissance du moteur en négligeant les pertes.

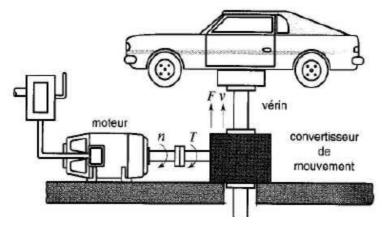


Figure 3: Conversion d'un mouvement rotationnel en mouvement rectiligne

Un moteur à courant continu travaillant à couple constant est inclus dans le montage cidessous :

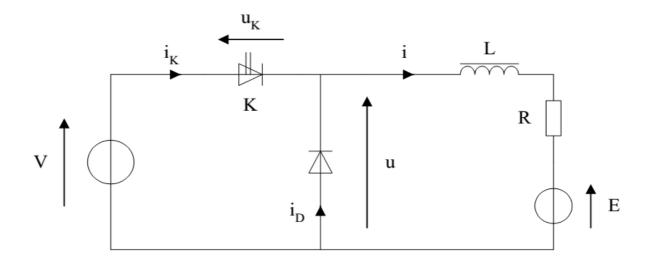


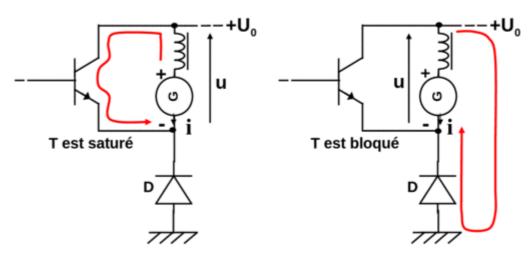
Figure 4 : Commande d'un moteur à courant continu par hacheur série

Le hacheur fonctionne à une fréquence f = 500 Hz. L'interrupteur K est fermé lorsque  $0 < t < \alpha T$  et ouvert entre  $\alpha T$  et T. La diode est supposée parfaite. L'inductance de la bobine de lissage L est de valeur suffisante pour que le courant dans le moteur soit considéré comme constant : i = I = cte. La résistance de l'induit du moteur est : R = 1  $\Omega$ .

- 1- Représenter les allures de u et u<sub>K</sub> en fonction du temps.
- 2- Exprimer la valeur moyenne de u en fonction de V et  $\alpha$ .
- 3- Représenter les allures de  $i_K$  et  $i_D$  en fonction du temps.
- 4- Exprimer les valeurs moyennes des courants  $i_K$  et  $i_D$  en fonction de I et  $\alpha$ .
- 5- Déterminer l'intensité I du courant dans le moteur en fonction de V, E, R et α.
- 6- Application numérique : Calculer  $\langle u \rangle$ , I et  $\langle i_D \rangle$  pour V = 220 V, E = 145 V et  $\alpha$  = 0,7.
- 7- Établir la relation liant la vitesse n du moteur (en tr/min) à  $\alpha$  pour E = 0,153 n, sachant que R = 1  $\Omega$ , V = 220 V et I = 9 A.
- 8- Tracer n en fonction de  $\alpha$ .

La figure ci-dessous représente le freinage d'un moteur à courant continu par Hacheur parallèle. Le transistor est saturé lorsque  $0 < t < \alpha T$  et ouvert entre  $\alpha T$  et T. La diode est supposée parfaite. L'inductance de la bobine de lissage T est de valeur suffisante pour que le courant dans le moteur soit considéré comme constant : T i = T i = T cte.

# Freinage avec récupération d'énergie



L'inductance stocke de l'énergie

L'inductance restitue de l'énergie

- 1- Représenter les allures de u et i en fonction du temps.
- 2- Exprimer la valeur moyenne de u en fonction de  $U_0$  et  $\alpha$ .
- 3- Représenter les allures de i<sub>T</sub> et i<sub>D</sub> en fonction du temps.
- 4- Exprimer les valeurs moyennes des courants  $i_T$  et  $i_D$  en fonction de I et  $\alpha$ .
- 5- Déterminer l'intensité I du courant dans le moteur en fonction de V, E, R et α.