

4-Supposons que l'élasticité prix- croisée entre les biens x et y est égale à (-5). Le prix du bien y doit augmenter de 25% de manière à augmenter la demande du bien x de 50%. Vrai ou faux ? Justifier votre réponse ?

2 points faux car parce qu'on a $\epsilon = -5$ qui signifie que si p_y augmente de 1% Q_x diminue de 5% alors si p_y doit augmenter de 50% Q_x

p_y doit diminuer de $\frac{50\%}{5} = 10\%$ et non de 25%

10 points **Partie 2 : Traiter l'exercice suivant** : Les préférences d'un consommateur sont représentées par la fonction d'utilité suivante : $U = X \cdot Y - 2X - 4Y + 50$ et les fonctions de la demande pour les deux biens x et y sont respectivement :

$$X = \frac{R - 2P_y}{2P_x} + 2 \quad \text{et} \quad Y = \frac{R - 4P_x}{2P_y} + 1$$

3 points 1-Que peut-on déduire à partir de ces fonctions de la demande ? on déduit :

- 1 a/ les deux biens x et y sont des biens typiques qui répondent à la loi de la demande parce qu'il y a une relation inverse entre y et p_y et entre x et p_x
- 1 b/ les deux biens sont des biens complémentaires parce qu'il y a une relation inverse entre x et p_y et entre y et p_x
- 1 c/ les deux biens sont des biens normaux, parce qu'il y a une relation positive entre la quantité demandée de chaque bien et le revenu R

4 points 2-Déterminer l'équilibre de ce consommateur dans le cas où $P_x = 50$ DA, $P_y = 100$ DA et $R = 1000$ DA ? Quel est ce niveau de satisfaction maximal ? il suffit de remplacer dans les fonctions de la demande

$$X = \frac{1000 - 2(100)}{2(50)} + 2 \Rightarrow X = \frac{1000 - 200}{100} + 2 = 10 \quad (1,5)$$

$$Y = \frac{1000 - 4(50)}{2(100)} + 1 \Rightarrow Y = \frac{1000 - 200}{200} + 1 = 5 \quad (1,5)$$

le panier d'équilibre est $M(10; 5)$

pour déterminer le niveau de satisfaction maximal, il suffit de remplacer dans la fonction d'utilité le panier d'équilibre

$$U = 10 \times 5 - 2 \times 10 - 4 \times 5 + 50 \Rightarrow U = 60 \quad (1)$$

3 points 3-Que caractérise cette situation d'équilibre ? Expliquer ? A l'équilibre, on a $\frac{U_{max}}{U_{max}} = \frac{P_x}{P_y}$

parce que, géométriquement, l'équilibre est atteint lorsque la droite budgétaire est tangente à la courbe d'indifférence la plus élevée qu'on peut atteindre et en ce point, on a :

(1) la pente de la courbe d'indifférence = la pente de la droite budgétaire

$$\text{donc} \quad \frac{U_{max}}{U_{max}} = \frac{P_x}{P_y} = -\frac{P_x}{P_y}$$